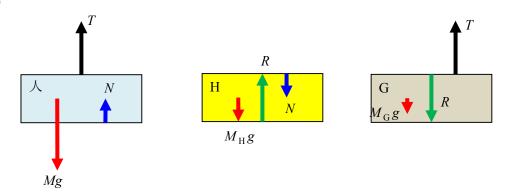
9. 運動方程式

別解:一体として扱わないオーソドックスな解法

人、体重計 H、ゴンドラ G の質量をそれぞれ M, M_H, M_G,綱の張力を T,人と体重計の間の垂直抗力を R とする。

(2)



$$T + N = Mg$$
 ••••①
$$R = M_{\rm H}g + N \downarrow 0, \quad R - N = M_{\rm H}g$$
 •••②
$$T = M_{\rm G}g + R \downarrow 0, \quad T - R = M_{\rm G}g$$
 •••③
①~③↓0,
$$N = \frac{1}{2}(M_{\rm H}M_{\rm H} + M_{\rm H})g = \frac{1}{2}(60 - 20 - 10)g = 15g$$

$$N = \frac{1}{2} (M - M_{\rm H} - M_{\rm G}) g = \frac{1}{2} (60 - 20 - 10) g = 15g \text{ [N]}$$

よって, 体重計の読みは 15kg ・・・(答)

$$T = \frac{1}{2} (M + M_{\rm H} + M_{\rm G}) g = \frac{1}{2} (60 + 20 + 10) g = 45g [N]$$

$$R = \frac{1}{2} (M + M_{\rm H} - M_{\rm G}) g = \frac{1}{2} (60 + 20 - 10) g = 35g [N]$$

(3)

体重計の読みが静止時のそれより大きいことから、加速度の向きは上向きである。 よって、加速度の大きさをaとすると、それぞれの運動方程式は

$$Ma = T + N - Mg$$
 $\therefore Ma - T = N - Mg$ • • • •

$$M_H a = R - N - M_H g$$
 $\therefore M_H a - R = -N - M_H g$ • • • ⑤

$$M_{\rm G}a = T - R - M_{\rm G}g$$
 $\therefore M_{\rm G}a + R - T = -M_{\rm G}g$ \cdot \cdot \cdot (6)

(4)~(6)より

$$a = \frac{2N - (M - M_{\rm H} - M_{\rm G})g}{M - M_{\rm H} - M_{\rm G}} = \frac{3g}{30} = \frac{g}{10} \left[\text{m/s}^2 \right]$$
 • • • (答)

$$T = Ma - N + Mg = 49.5g$$
 [N]

$$R = M_{\rm H}a + N + M_{\rm H}g = 38.5g$$
 [N]