105. 4枚の導体板によるコンデンサー回路

(1)

「最初の状態ではどの導体板にも電荷は蓄えられていない」ということは この回路はコンデンサーの直列回路である。

アイ

導体板間の電界の強さは同じだから、導体板間の電圧比=導体板間の間隔比よって、 $V_{\rm AB}:V_{\rm BC}:V_{\rm CD}=d:2d:3d=1:2:3$ これと $V_{\rm AB}+V_{\rm BC}+V_{\rm CD}=V$ より、

$$V_{AB} = \frac{1}{1+2+3} = \frac{1}{6}V[V], \quad V_{BC} = \frac{2}{1+2+3} = \frac{1}{3}V[V], \quad V_{CD} = \frac{3}{1+2+3} = \frac{1}{2}V[V]$$

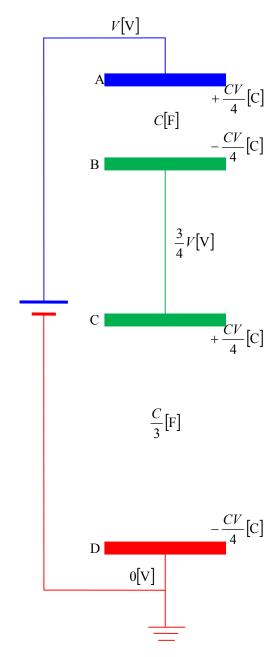
$$V_{\rm B} = V_{\rm A} - V_{\rm AB} = V - \frac{1}{6}V = \frac{5}{6}V[{\rm V}]$$
 • • • \boxed{r}

$$V_{\rm C} = V_{\rm D} + V_{\rm CD} = 0 + \frac{1}{2}V = \frac{1}{2}V[V]$$
 • • •

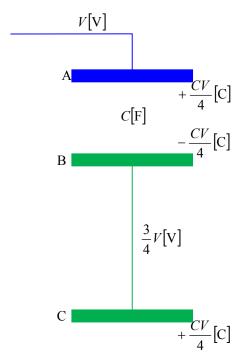
(3)

スイッチ S_1 と S_2 を閉じたとき

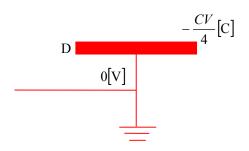
回路は下図のように電気容量がC[F]と $\frac{C}{3}[F]$ のコンデンサーの直列回路と見なせる。



スイッチ S₁を開いたとき

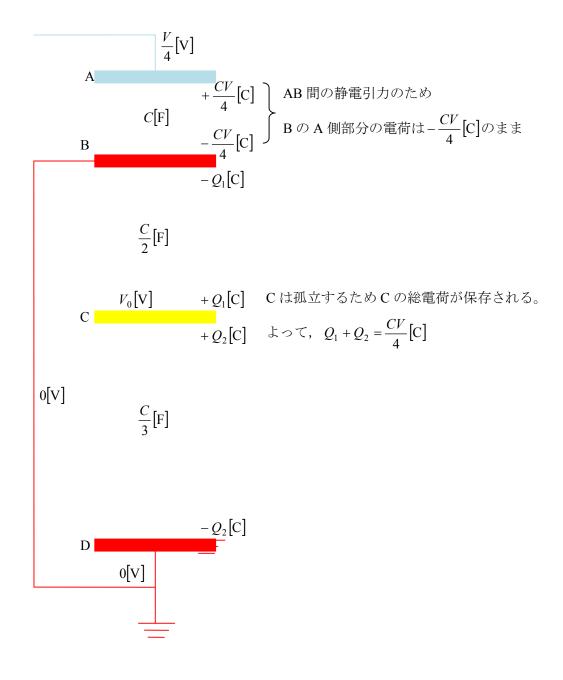


$$\frac{C}{3}[F]$$



スイッチ S₂を開きスイッチ S₃を閉じたとき

$$\begin{cases} Q_1 + Q_2 = \frac{CV}{4} \\ Q_1 = \frac{C}{2}V_0 \\ Q_2 = \frac{C}{3}V_0 \end{cases} \quad \ \ \, \mathcal{V}_0 = \frac{3}{10}V[V]$$



$$\mbox{\sharp} \mbox{\sim} \mbox{\nwarrow}, \quad Q_2 = \frac{C}{3} \cdot \frac{3}{10} V = \frac{CV}{10} \,, \quad Q_1 = \frac{C}{2} \cdot \frac{3}{10} V = \frac{3}{20} \, CV \label{eq:Q2}$$

導体板 B にたまっている電気量

$$\left| -\frac{CV}{4} + \left(-Q_1 \right) \right| = \frac{2}{5}CV$$

$$\exists h \geq CV = 4Q_b \pm \emptyset, \quad \frac{8}{5}Q_b$$

導体板 D にたまっている電気量

$$\left| -Q_2 \right| = \frac{CV}{10}$$

$$\exists h \geq CV = 4Q_b \perp \emptyset, \quad \frac{2}{5}Q_b$$