

18

(1)

$$v = \sqrt{\frac{Mg}{\rho}} = \text{一定}, \text{ 振動数 } f \text{ は音さの振動数だから一定}$$

これと $v = f\lambda$ より, AB 間を l より長くしていくと波長が一定のまま腹の数が増えていく。

l のとき腹の数が 3 だから, 腹の数を 5 にするには, AB 間を $\frac{5}{3}l$ にすればよい。

(2)

$$\text{振動数 } f \text{ が一定だから, } \frac{\text{波の速さ}}{\text{波長}} = \text{一定}$$

$$\text{基本振動の波長} = 2l \text{ より, このときの波の速さを } v' \text{ とすると, } \frac{v}{\frac{2}{3}l} = \frac{v'}{2l}$$

$$\therefore v' = 3v = 3\sqrt{\frac{Mg}{\rho}} = \sqrt{\frac{9Mg}{\rho}}$$

よって, おもりの質量を $9M$ にすればよい。

(3)

M はそのままだから, 波の速さは一定の v

よって, $v = \text{音さの振動数} \times \text{波長} = \text{一定}$

したがって, 音さの振動数を低くしていくと, 波長が長くなっていく。

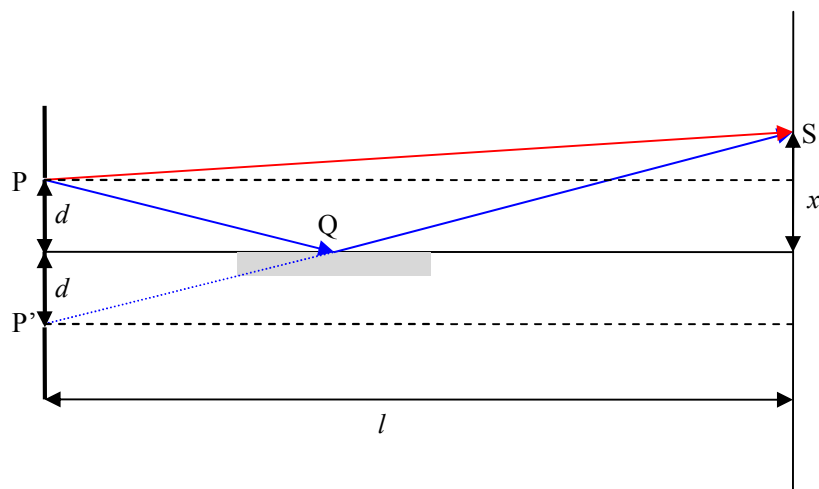
はじめの波長は $\frac{2l}{3}$ (腹の数 3), 次に共振するときの波長は $\frac{2l}{2}$ (腹の数 2)

$$\text{よって, 最初の振動数を } f, \text{ 次に共振するときの振動数を } f' \text{ とすると, } f \cdot \frac{2l}{3} = f' \cdot \frac{2l}{2}$$

$$\therefore f' = \frac{2}{3}f$$

よって, 最初の振動数の $\frac{2}{3}$ 倍

55



P の像は P' だから、点 P と点 P' から出た位相差 π の光の干渉で考えればよい。

$l \gg x$ より、

$$SP = \sqrt{l^2 + (x-d)^2} = l \left\{ 1 + \left(\frac{x-d}{l} \right)^2 \right\}^{\frac{1}{2}} \approx l \left\{ 1 + \frac{1}{2} \left(\frac{x-d}{l} \right)^2 \right\}$$

$$SP' = \sqrt{l^2 + (x+d)^2} = l \left\{ 1 + \left(\frac{x+d}{l} \right)^2 \right\}^{\frac{1}{2}} \approx l \left\{ 1 + \frac{1}{2} \left(\frac{x+d}{l} \right)^2 \right\}$$

$$\therefore SP' - SP \approx \frac{2dx}{l}$$

位相が π 異なる光の干渉だから、明線条件は、 $\frac{2dx}{l} = \left(m + \frac{1}{2} \right) \lambda$

$$\text{よって、} x = \left(m + \frac{1}{2} \right) \frac{l}{2d} \lambda$$